



Universidad de Costa Rica

Escuela de Matemática
Proyecto MATEM 2021

matem.emate.ucr.ac.cr
tel. (506) 2511-5743

matem.em@ucr.ac.cr



Programa del curso Precálculo MATEM 2021 (Décimo y undécimo)

El presente documento está dirigido a estudiantes y docentes del curso precálculo (modalidad décima y undécimo) con el fin de informarles sobre los principales aspectos del curso, entre ellos se destacan los lineamientos del Proyecto MATEM, distribución de contenidos por exámenes parciales y fechas importantes. Le sugerimos leerlo detenidamente y consultar cualquier duda sobre la información que aquí se detalla.

Este curso tiene como propósito ofrecerles a los estudiantes un programa que les demande un mayor esfuerzo de pensamiento, pero a la vez, estimule una serie de aptitudes que contribuyan en su formación. Se espera que esto favorezca su rendimiento académico en general, permita que se obtengan mejores resultados en el examen del MEP, así como los elementos necesarios para enfrentar positivamente el estudio de la matemática en la educación superior.

I. Normas del Proyecto MATEM

1. El único nexo entre los colegios y la coordinación será el profesor responsable del grupo; es decir, **el estudiante o sus padres deberán tramitar cualquier duda o solicitud a través del profesor**. Por lo tanto, no se aceptará ningún reclamo o solicitud que se haga por cualquier otra vía.
2. Los profesores, estudiantes y público en general pueden consultar la página matem.emate.ucr.ac.cr, en la cual se publica información importante sobre los cursos del proyecto, aulas donde se realizará cada una de las pruebas, solucionario de los exámenes aplicados, entre otros.
3. En caso de existir apelaciones debido a la calificación de una o varias preguntas del examen de algún estudiante, el profesor deberá presentar ante la coordinación la **boleta de apelación** (se puede descargar de la página de MATEM) con todos los datos que se solicitan, además, en caso de que la apelación sea específicamente en la parte de complete o desarrollo se adjuntar el examen original del estudiante, **el cual debe estar realizado con lapicero de tinta indeleble de color azul o negro, en caso de examen presencial; si la evaluación es en modalidad virtual, se debe**

adjuntar la foto de la pregunta. Para dichas apelaciones se tienen cinco días hábiles de tiempo, posterior a la entrega de las pruebas calificadas.

4. Para las pruebas, solamente se permite el uso de calculadora básica. No se permite el uso de calculadora científica o programable.
5. Si durante la aplicación de los exámenes un estudiante comete o intenta hacer fraude, se procederá con la anulación de la prueba y se le asignará cero de nota en dicha prueba.
6. Si con debida justificación el estudiante faltara a un examen, entonces tendrá derecho a la reposición. Para solicitar reposición, el docente debe llenar la **boleta de solicitud de reposición de examen** (se puede descargar de la página de MATEM) y anexarle a ésta la documentación que justifica la ausencia. Dichos documentos deberán ser entregados al profesor con un máximo de tres días hábiles, después de haber sido aplicado el examen al que faltó.
7. Las razones que se consideran justificadas en el Proyecto MATEM para faltar a una prueba son las siguientes:
 - a. Las indicadas en el artículo 24 del capítulo I del Reglamento de Régimen Académico Estudiantil de la Universidad de Costa Rica: **“la muerte de un pariente hasta de segundo grado, la enfermedad del estudiante u otra situación de fuerza mayor o caso fortuito”**.
 - b. Además, el Proyecto MATEM acepta como razones justificadas las siguientes:
 - Si el estudiante tiene una participación en un **evento académico o deportivo** el día del examen de MATEM, o bien, que por la ubicación de la sede del evento le sea imposible presentarse a la prueba.
 - Si el estudiante es convocado a realizar, el día del examen de MATEM, una **prueba de admisión o que sea requisito de ingreso a un centro de educación superior**.
 - Cualquier otra justificación se someterá a revisión por la coordinación del proyecto MATEM.

Aclaremos que **NO se justifican ausencias a un examen por motivos de viaje ni por actividades programadas por la institución como por ejemplo bailes de graduación, convivencias u otros.**

8. Si el estudiante aprueba el curso se le brindará un certificado. Si además, ingresa a la Universidad de Costa Rica, la coordinación del proyecto MATEM realizará el trámite administrativo correspondiente para el reconocimiento del curso. Ni el profesor ni el estudiante debe realizar trámite alguno.

De acuerdo con las condiciones sanitarias relacionadas con el Covid-19 y los lineamientos del Ministerio de Salud y la Universidad de Costa Rica, la modalidad de los exámenes puede variar entre presencial y virtual. Las normas en cada caso se detallan a continuación:

Modalidad presencial

1. El estudiante tiene la obligación de **portar su identificación para poder realizar cada una de las pruebas**. Puede presentar la tarjeta de identificación de menores (TIM), la cédula de identidad, pasaporte o carné del colegio. Si el estudiante no porta su identificación, no podrá efectuar la prueba y ésta no será justificación para la reposición de la misma. Además, el estudiante debe **saber el código** que se le asignó en el proyecto. Los inconvenientes que sucedan en caso de no saberlo son responsabilidad únicamente del estudiante.
2. La duración del examen es de 3 horas. Este tiempo incluye la tarea de rellenar los círculos en la hoja de respuestas de la parte de selección única.
3. El estudiante debe presentarse al examen con los siguientes materiales: lápiz de grafito negro número 2, bolígrafo de tinta azul o negra, borrador, tajador y calculadora (no puede ser científica, sólo con las operaciones elementales). No se permite el empleo de útiles como diccionario, hojas adicionales y otros.
4. El estudiante debe llegar quince minutos antes de la hora establecida para el inicio de la prueba. No se permitirá el ingreso de estudiantes treinta minutos después de esa hora, tampoco la salida de estudiantes en ese periodo de tiempo. A quienes lleguen tarde no se les repondrá el tiempo perdido.
5. Los estudiantes deben apagar su teléfono celular, reloj inteligente o cualquier otro aparato electrónico que porten y guardarlo en su bulto o bolso; no pueden tenerlos en la mesa ni en las bolsas de la ropa. Tampoco pueden portar audífonos.
6. El aplicador de la prueba escribirá en la pizarra la hora de inicio y de fin del examen, así como la hora de aviso, que será faltando 30 min para que se venza el tiempo.
7. Si el estudiante desea entregar su examen antes del tiempo establecido, debe levantar la mano e indicárselo al aplicador.
8. **Los docentes deben retirar los exámenes calificados** en el momento que la coordinación se los indique, lo cual ocurrirá con un máximo de diez días hábiles después de ser aplicados, a menos que se de alguna situación en particular que imposibilite la entrega en ese intervalo de tiempo.

Modalidad virtual

1. Las pruebas serán aplicadas en la plataforma UCR Global (global.ucr.ac.cr). El procedimiento de matrícula en la plataforma se indicará oportunamente.

2. Las pruebas podrían estar compuestas por ítems de selección única, complete, desarrollo o cualquier otro tipo de ítem.
3. El estudiante debe prepararse con la antelación suficiente antes de la hora establecida para el inicio de la prueba. A quienes inicien tarde no se les repondrá el tiempo perdido.
4. En caso de inconvenientes de fuerza mayor que afecten el desarrollo del examen del estudiante, debe de comunicarse con su profesor encargado para que haga el reporte debido a la coordinación MATEM para que valore la situación e indique las acciones a seguir.
5. Otras indicaciones particulares en relación con las aplicaciones de la prueba virtual serán enviadas oportunamente.

Cualquier otro aspecto que no se haya tomado en cuenta aquí, será sometido a consideración por la coordinación del proyecto MATEM para su solución.

II. Objetivos específicos

En esta sección se detallan los objetivos específicos que se espera que logren los estudiantes, asimismo, que sirvan de guía al docente para desarrollar los contenidos de cada parcial.

I Parcial

1. Determinar la factorización completa de un polinomio, usando una o varias técnicas de factorización.
2. Efectuar operaciones con expresiones algebraicas racionales.
3. Determinar el conjunto solución de ecuaciones lineales, polinomiales, fraccionarias, radicales y con valor absoluto.
4. Determinar el conjunto solución de inecuaciones lineales, polinomiales, fraccionarias y con valor absoluto.
5. Racionalizar el numerador y el denominador de expresiones algebraicas.
6. Resolver problemas que requieran la aplicación de ecuaciones.

II Parcial

1. Identificar características y propiedades de las rectas.
2. Determinar la ecuación de una recta ubicada en el plano cartesiano.
3. Determinar la ecuación de una recta paralela o perpendicular a otra recta dada.
4. Resolver problemas que involucren rectas.
5. Identificar características y propiedades de las parábolas.
6. Determinar la ecuación de una parábola.
7. Graficar una parábola a partir de su ecuación.
8. Aplicar transformaciones en la graficación de parábolas.

9. Resolver problemas que involucren parábolas.
10. Determinar las intersecciones de una parábola con los ejes.
11. Determinar la concavidad de una parábola a partir de la ecuación.
12. Aplicar los conceptos de eje de simetría y vértice de una parábola en la solución de problemas.
13. Determinar la ecuación de una circunferencia de centro y radio dado.
14. Determinar el centro y el radio de una circunferencia de ecuación dada.
15. Aplicar las relaciones que se establecen entre dos circunferencias coplanares o entre una circunferencia y una recta, de acuerdo con sus posiciones relativas, en la solución de ejercicios.
16. Resolver problemas que involucren circunferencias.
17. Identificar los conceptos básicos de las funciones.
18. Analizar la gráfica de una función dada.
19. Determinar el dominio máximo de funciones polinomiales, racionales y radicales.
20. Resolver operaciones que involucren suma, resta, división, multiplicación y composición de funciones.
21. Reconocer si una función es inyectiva, sobreyectiva o biyectiva.
22. Aplicar transformaciones en la graficación de funciones en general.
23. Calcular el criterio de la función inversa para funciones polinomiales, racionales y radicales.
24. Reconocer las características de una función lineal.
25. Reconocer las características de una función cuadrática.
26. Resolver ejercicios y problemas que involucren funciones.
27. Resolver problemas que requieran la aplicación o interpretación de una función lineal o cuadrática.

III Parcial

1. Identificar y aplicar las propiedades de las funciones exponenciales y logarítmicas.
2. Aplicar las propiedades de los logaritmos en la simplificación de expresiones.
3. Resolver ecuaciones exponenciales y logarítmicas.
4. Resolver problemas donde se encuentren involucradas las funciones exponenciales o logarítmicas.
5. Aplicar conceptos básicos de polígonos en la resolución de problemas y ejercicios.
6. Resolver problemas y ejercicios que involucren áreas y perímetros de polígonos.
7. Aplicar las características de los polígonos inscritos o circunscritos en la solución de ejercicios y problemas.
8. Aplicar las relaciones entre los elementos de los sólidos fundamentales en la solución de problemas.
9. Resolver problemas y ejercicios donde relacionados con el área lateral, área de la base, área total y volumen de los sólidos fundamentales.

IV Parcial

1. Aplicar los conceptos trigonométricos básicos en la resolución de problemas y ejercicios.
2. Aplicar las propiedades de la circunferencia trigonométrica en la resolución de problemas y ejercicios.
3. Identificar propiedades que cumplen las coordenadas de los puntos de la circunferencia trigonométrica.

4. Calcular las imágenes y preimágenes de un número real bajo cualquiera de las seis funciones trigonométricas a partir del par ordenado de la circunferencia trigonométrica asociado a ese número real.
5. Aplicar las identidades trigonométricas en la simplificación de expresiones.
6. Analizar las características de las seis funciones trigonométricas básicas.
7. Analizar gráficas de funciones trigonométricas.
8. Aplicar transformaciones en la graficación de funciones trigonométricas.
9. Analizar las características de las funciones trigonométricas inversas (arcoseno, arcocoseno y arcotangente) y sus gráficas.
10. Calcular valores de las funciones trigonométricas arcoseno, arcocoseno y arcotangente.
11. Determinar el conjunto solución de ecuaciones trigonométricas.

III. Contenidos

A continuación, se presentan en términos generales, los contenidos que serán evaluados en cada uno de los parciales.

Primer examen parcial

ÁLGEBRA	
Factorización	<ul style="list-style-type: none"> • Factorización mediante: factor común, agrupación, inspección, diferencia de cuadrados, fórmulas notables, completar cuadrados, suma y diferencia de cubos, teorema del factor y división sintética, factorización mediante fórmula general, combinaciones de métodos. • Problemas relacionados con factorización.
Fracciones Racionales y Radicales	<ul style="list-style-type: none"> • Operaciones con expresiones racionales: simplificación, multiplicación y división, suma y resta, combinación de operaciones y fracciones compuestas. • Racionalización: racionalización de numeradores y denominadores.
Ecuaciones	<ul style="list-style-type: none"> • Conceptos básicos: incógnitas, constantes, solución, conjunto solución, propiedades de la igualdad y restricciones. • Solución en el conjunto de los números reales (o subconjuntos de este) de ecuaciones: lineales, cuadráticas, polinomiales, fraccionarias, radicales y con valor absoluto.
Inecuaciones	<ul style="list-style-type: none"> • Conceptos básicos: desigualdades y sus propiedades, incógnitas, constantes, solución, conjunto solución y restricciones. • Solución en el conjunto de los números reales (o subconjuntos de este) de inecuaciones: lineales, cuadráticas, polinomiales,

	fraccionarias y con valor absoluto.
Problemas con ecuaciones	<ul style="list-style-type: none"> • Problemas de: despeje, números, geometría, mezclas, velocidades, acciones simultáneas, oferta y demanda.

Segundo examen parcial

FUNCIONES Y GEOMETRÍA ANALÍTICA	
Geometría analítica	<ul style="list-style-type: none"> • Rectas: verticales y horizontales, pendiente de una recta, ecuación de la recta (ecuación punto pendiente y ecuación general), cortes con los ejes, rectas paralelas y rectas perpendiculares, intersección de rectas, rectas crecientes y decrecientes, problemas relacionados con rectas. • Parábolas: parábola básica, opuesta de la parábola básica, traslaciones y transformaciones de la parábola básica, combinación de transformaciones, concavidad, vértice, rango, intersecciones con los ejes, eje de simetría, gráfica general de una parábola, problemas relacionados con parábolas, ecuación general de una parábola ($y = ax^2 + bx + c$) y ecuación canónica de la parábola ($y = a(x - h)^2 + k$). • Circunferencias: conceptos básicos (centro, radio, cuerda, diámetro, interior, exterior), posición de un punto respecto a una circunferencia, circunferencias y rectas, posiciones relativas entre dos circunferencias, ecuación de una circunferencia (general y canónica), punto medio y distancia entre puntos, cortes con los ejes, intersección de rectas y circunferencias, problemas relacionados con circunferencias.
Funciones	<ul style="list-style-type: none"> • Conceptos generales: definición de función, dominio, codominio, preimagen, imagen, ámbito, gráfico, gráfica, variables dependiente e independiente. • Cálculo de preimágenes e imágenes, relaciones que no son funciones, dominio máximo, funciones iguales, asíntotas, máximos y mínimos, inecuaciones y signo, monotonía, análisis y construcción de gráficas, transformaciones de gráficas, funciones a trozos, operaciones con funciones, composición de funciones, inyectividad, sobreyectividad y biyectividad, función inversa y su gráfica.
Función lineal	<ul style="list-style-type: none"> • Definición, propiedades de la función lineal, estudio completo y gráfica (en distintos dominios), problemas relacionados con función lineal.
Función cuadrática	<ul style="list-style-type: none"> • Definición, propiedades de la función cuadrática, estudio completo y gráfica (en distintos dominios), problemas relacionados con función lineal.

Tercer examen parcial

FUNCIÓN EXPONENCIAL Y FUNCIÓN LOGARÍTMICA	
Función exponencial y logarítmica	<ul style="list-style-type: none">• Función Exponencial: definición, propiedades (gráfica, cortes con los ejes, asíntota horizontal, dominio, ámbito, concavidad, monotonía), transformaciones de gráficas, problemas y ejercicios que se resuelven con función exponencial.• Función Logarítmica: definición, propiedades (gráfica, cortes con los ejes, asíntota vertical, dominio, ámbito, concavidad, monotonía), logaritmos especiales, transformaciones de gráficas, propiedades de los logaritmos, problemas y ejercicios que se resuelven con función logarítmica.• Inversa de la función exponencial y logarítmica.• Ecuaciones logarítmicas y exponenciales• Aplicaciones de la función exponencial y logarítmica.
GEOMETRÍA	
Polígonos	<ul style="list-style-type: none">• Definición, clasificaciones, polígonos concavos y convexos, definiciones básicas, perímetros, teoremas sobre polígonos convexos, teoremas sobre polígonos regulares, polígonos inscritos y circunscritos, cuadriláteros.• Regiones poligonales: área de triángulos, cuadriláteros y polígonos, razones entre líneas y áreas de los polígonos regulares, casos particulares (triángulo equilátero, cuadrado y hexágono).
Sólidos	<ul style="list-style-type: none">• Conceptos básicos: arista, diagonal, generatriz, etc.• Cubos, cilindros, pirámides, prismas, conos y esferas. Área lateral, área basal y volumen.

Cuarto examen parcial

FUNCIONES TRIGONOMÉTRICAS	
Conceptos básicos	<ul style="list-style-type: none">• Ángulo central, arcos, medidas de ángulos, conversión de grados a radianes y viceversa, longitud de arco, ángulos en posición estándar, coterminales y trigonometría en el triángulo rectángulo.• Circunferencia trigonométrica: Definición, características, cuadrantes, puntos asociados.• Definición de las funciones trigonométricas (seno, coseno, tangente, cosecante, secante y cotangente).• Calculo de valores trigonométricos.
Identidades trigonométricas	<ul style="list-style-type: none">• Por cociente, identidades pitagóricas, identidades de suma, resta y ángulo doble, ángulos negativos y ángulos complementarios.
Funciones trigonométricas	<ul style="list-style-type: none">• Funciones: seno, cosecante, arcoseno, coseno, secante y arcocoseno, tangente, cotangente y arcotangente.• Análisis de gráficas: dominio, ámbito, cortes con los ejes, monotonía, concavidad, signo.• Imágenes y preimágenes de funciones inversas trigonométricas.• Transformaciones de gráficas de seno y coseno: periodo, amplitud, traslaciones.
Ecuaciones trigonométricas	<ul style="list-style-type: none">• Resolución de ecuaciones en \mathbb{R} y cualquier subconjunto de este.

IV. Fecha de exámenes y evaluación del curso

Se efectuarán **cuatro exámenes parciales**. Las fechas de los exámenes parciales y demás aspectos importantes se muestran en el siguiente cuadro:

Examen	Valor	Fecha	Hora
I parcial	20%	Sábado 24 de abril	8:00 a.m.
Reposición del I Parcial		Jueves 29 de abril	8:00 a.m.
II parcial	30%	Sábado 19 de junio	8:00 a.m.
Reposición del II Parcial		Jueves 24 de junio	8:00 a.m.
III parcial	30%	Sábado 18 de setiembre	8:00 a.m.
Reposición del II Parcial		Jueves 23 de setiembre	8:00 a.m.
IV parcial	20%	Sábado 30 de octubre	8:00 a.m.
Reposición IV Parcial		Jueves 4 de noviembre	8:00 a.m.
Ampliación		Miércoles 17 de noviembre	8:00 a.m.

NOTA: Para el caso de pruebas presenciales, la fecha y hora de aplicación de las pruebas está sujeto a la disponibilidad de espacio en las sedes. Además, el lugar de aplicación podría ser en colegios cercanos a la universidad. Se brindará esa información oportunamente por medio de la página del Proyecto MATEM.

El promedio ponderado de las notas obtenidas se traslada a una escala de 0 a 10 que se denomina nota de aprovechamiento (NA), tal que:

- Si $NA < 5.75$, su nota final es NA redondeada a la media más próxima. Los casos .25 ó .75 se redondean a la media superior y reprueba el curso.
- Si $5.75 \leq NA < 6.75$ y ha realizado los 4 exámenes parciales, tiene derecho de hacer examen de ampliación (AM). Si la nota en AM ≥ 7 , aprueba el curso y la nota final será 7. Si en AM < 7 , la nota final será NA y reprueba el curso.
- Si el estudiante realizó **los cuatro exámenes parciales**, además obtuvo una **nota mayor o igual que 50 en el cuarto parcial** y la $NA \geq 6.75$, entonces su nota final es NA y aprueba el curso.
- Si el estudiante tiene $NA \geq 6.75$, pero **no realizó los cuatro exámenes parciales**, dicho estudiante **debe reponer el parcial que le falte**¹ y obtener una nota **mayor o igual que 50** para que se le reconozca la condición de «aprobado», de lo contrario estará «reprobado».

¹ Previa aprobación de la solicitud de reposición

V. Plataformas de apoyo virtual

- Canal de Youtube: <https://www.youtube.com/channel/UC-9daHLFhB8LGIEQjV8XW5w>
- Página de Facebook: <https://facebook.com/matem.em.ucr/>

VI. Contactos:

- Teléfono 2511-5743
- Correo electrónico: matem.em@ucr.ac.cr
- Oficinas: 411-III FM y 441 FM (FM: Edificio Física-Matemática)

Atentamente,



Prof. Claudio Zúñiga R.
Coordinador Precálculo
Décimo



Prof. José Manuel Acosta B.
Coordinador Precálculo
Undécimo



Prof. María del Socorro Durán O.
Coordinadora General
MATEM